

---

# Informatica door de jaren heen



Universiteit  
Leiden

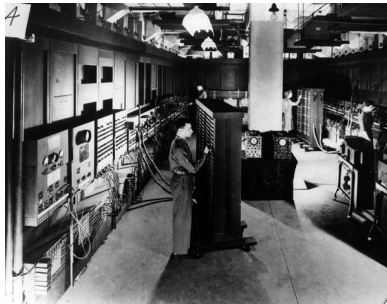
dr. Walter Kusters

Ouderdag, Leiden, zaterdag 25 maart 2023

[www.liacs.leidenuniv.nl/~kusterswa/](http://www.liacs.leidenuniv.nl/~kusterswa/)

eerste, tweede en derde jaar

van onderwijs naar onderzoek



Eniac

vroeger, nu en later



Raspberry Pi

Bij de studie krijg je per jaar een tiental vakken: de **colleges**. De **propedeuse** Informatica, het eerste jaar van de driejarige **bachelor**, ziet er als volgt uit:

najaar	voorjaar
<b>Programmeermethoden</b>	Algoritmiëk
Fundamentele informatica	Logica
Digitale systemen	Databases
Studeren en presenteren	Programmeertechnieken
Wiskunde 1	Wiskunde 2

En varianten: Informatica & Economie (I&E), Bioinformatica (BI) en Kunstmatige Intelligentie (DSAI).

Daarna: tweejarige master — Engelstalig.

Tweede en derde jaar zijn voor Informatica als volgt:

najaar		voorjaar
Datastructuren		<b>Kunstmatige intelligentie</b>
Automaten		Complexiteit
Computerarchitectuur		Operating systemen
Programmeertalen		Security
Statistiek		Wetenschap & onderzoek
Vak 1 (Graphics,	<b>M</b>	Data mining
Vak 2 Netwerken,	<b>I</b>	Software engineering
Vak 3 . . . ,	<b>N</b>	Ethiek
Vak 4 . . . ,	<b>O</b>	Bachelorproject
Vak 5 . . . )	<b>R</b>	

Voor I&E, BI en AI: economie/biologie/psychologie-vakken.

---

# Programmiermethoden

Je programmeert een computer in een speciale **compu-  
tertaal** of **programmeertaal**, bijvoorbeeld C++, Java of Python.



In Leiden leren alle eerstejaars studenten Informatica en Wiskunde **C++**, en bij Informatica & Economie, Bioinformatica en Natuur/Sterrenkunde: **Python**. Voorkennis is niet echt nodig.

Een eerste C++-programma:

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main ( ) {
    cout << "Dit komt op het scherm." << endl;
    return 0;
} //main
```

Dit programma zet alleen een tekstje op het beeldscherm.

Let op de — vooral voor mensen nuttige — **layout**.

En op hoofdletters en kleine letters.

```
// dit is een simpel programma
#include <iostream>
using namespace std;
int main ( ) {
    int getal = 42; // een variabele
    cout << "Geef een geheel getal .. " << endl;
    cin >> getal;
    cout << "Kwadraat is: "
        << getal * getal << endl;
    return 0;
} //main
```



C++ kent de volgende controle-structuren:

**keuze** `if`

**onbekend (maar eindig?) aantal herhalingen** `while`

**“vast” aantal herhalingen** `for`

We gebruiken geen labels/goto's!

...

I work 9–5 in a 7–11

De gebruiker moet zijn/haar geboortejahr als geheel getal invoeren, en daarna de geboortemaand. Vervolgens voert hij/zij de geboortedag in. Het programma berekent dan de bijbehorende dag van de week.

...

3/4.1, 0.3, 4.4, 6.6, 8.8, 10.10, 12.12

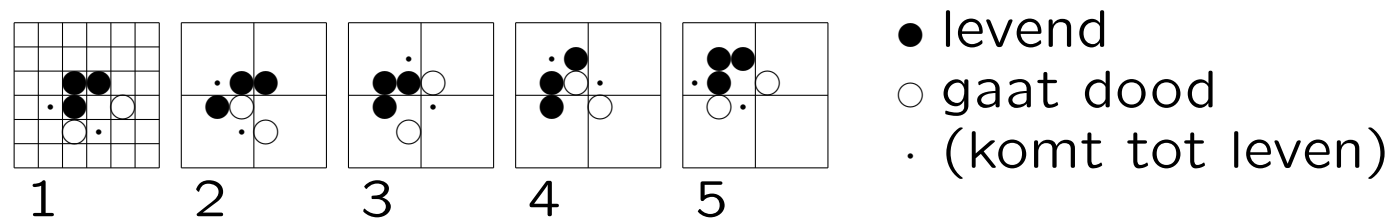
Bijvoorbeeld: 9 november 1989  
was een donderdag.

Let op schrikkeljaren;  
en 1752?



Life is een “cellulaire automaat”, in 1970 bedacht door John Horton Conway.

In een 2-dimensionaal oneindig groot rooster beginnen we met een eindig aantal levende vakjes oftewel cellen. Een levend vakje met minder dan 2 of meer dan 3 burens (van de 8) gaat dood, met precies 2 of 3 levende burens overleeft het. In een dood vakje met precies 3 levende burens ontstaat leven. Dit leidt tot de volgende generatie. Let erop dat dit voor alle vakjes tegelijk gebeurt.



Dit patroon heet **glider**.

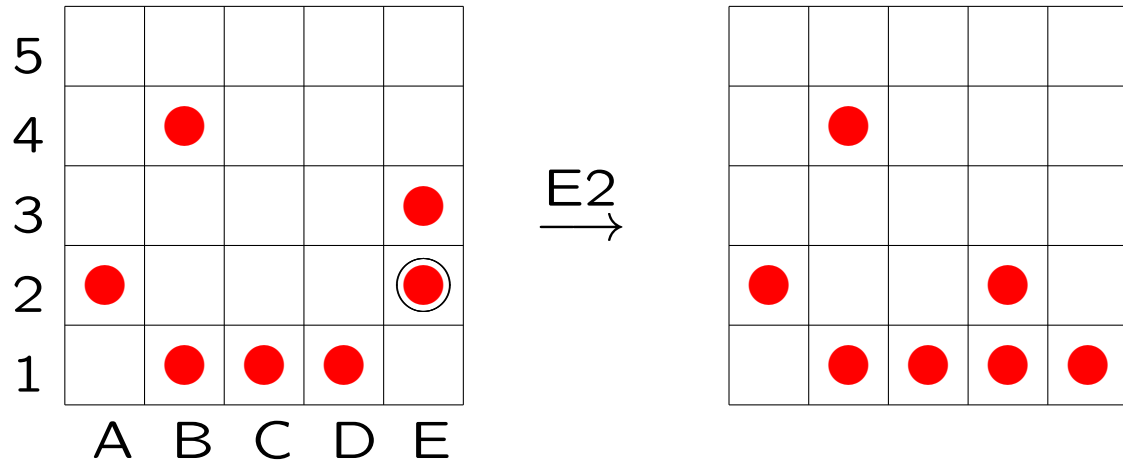
De life-configuratie **breder** produceert glider guns:



[www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterwa/pm/op3pm21.php](http://www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterwa/pm/op3pm21.php)

3e programmeeropgave 2021

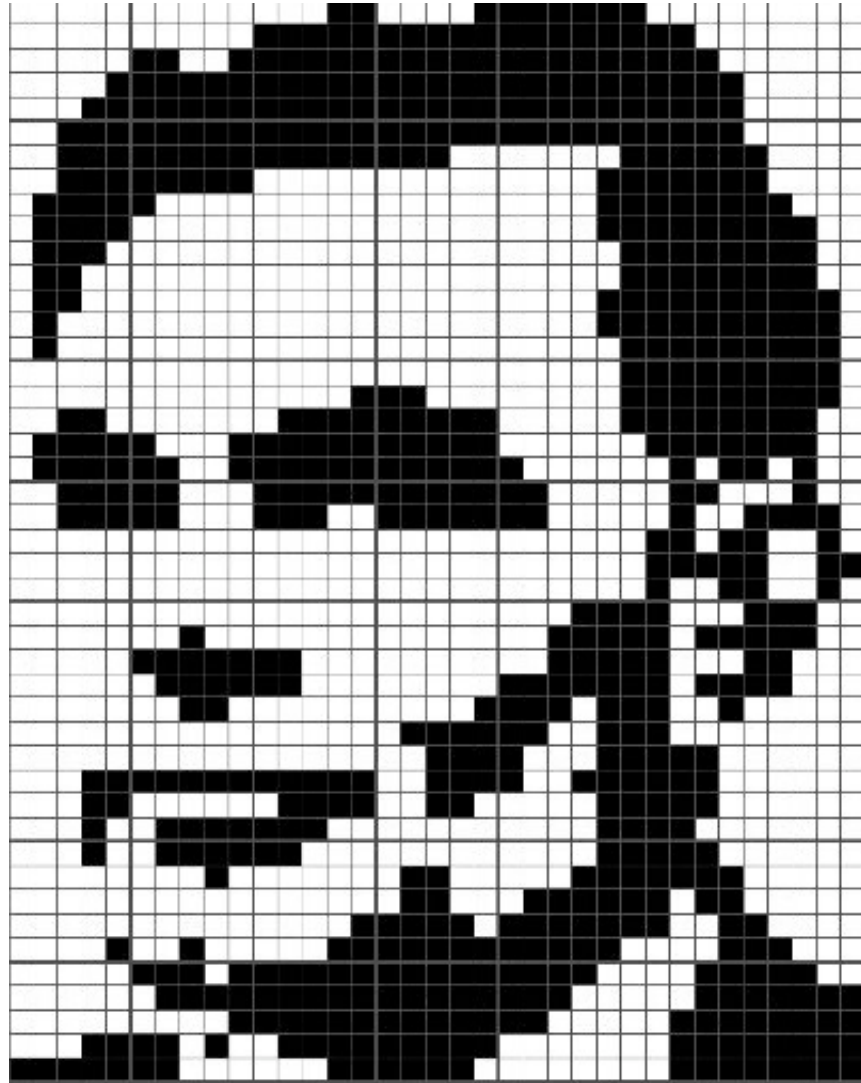
Bij **LightsOut** moet je alle lampjes uit doen:



Als je een lamp selecteert, klappen die en de direct aangrenzende horizontale en verticale buren om (aan ↔ uit).

Voor Life/Nonogram/LightsOut: 2-dimensionale arrays (matrices)!

[2022: www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/pm/op3pm.php](http://www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/pm/op3pm.php)



Als je **Japanse puzzels** zegt, denkt iedereen aan **Sudoku**.

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

Als je **Japanse puzzels** zegt, denkt iedereen aan **Sudoku**.

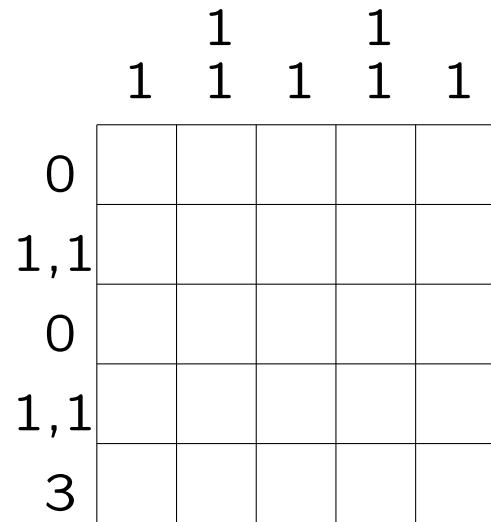
5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	3	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

bron: Wikipedia

Maar wij gaan het hebben over **Nonogrammen**.



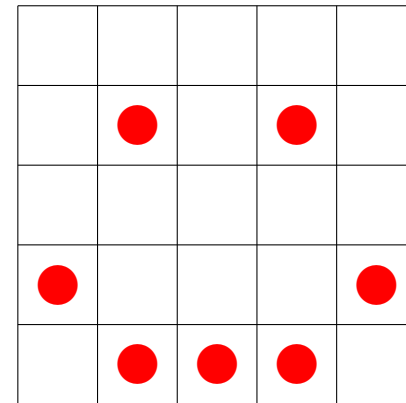
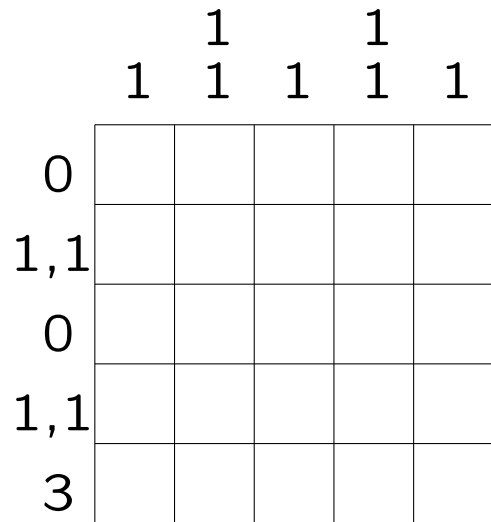
Een **Nonogram** is een puzzel; een klein voorbeeld:



Naast iedere rij en boven iedere kolom staan in volgorde de lengtes van aaneengesloten series **rode** (of zwarte) vakjes.

Waar moeten die **rode** vakjes komen?

De oplossing ziet er zo uit:



Naast iedere rij en boven iedere kolom staan in volgorde de lengtes van aaneengesloten series **rode** (of zwarte) vakjes.

[www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/pm/op3pm20.php](http://www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/pm/op3pm20.php)

3e programmeeropgave 2020

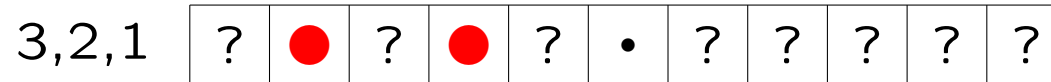
Hoe los je Nonogrammen op?

De meeste mensen gebruiken **logische regels**, en **heuristieken** = **vuistregels** zoals “redeneer eerst een keer via de rijen, en dan via de kolommen”.

Een voorbeeld van een logische regel is: “als het getal 3 naast een rij van breedte 5 staat, moet het middelste vakje wel rood zijn”. Je kijkt dan eigenlijk naar één rij of kolom.

Een heuristiek uit het dagelijks leven: als je een bedrag (zeg 80 cent) moet betalen, kun je het beste de grootste kleinere munt (50 cent?) die je hebt eerst geven.

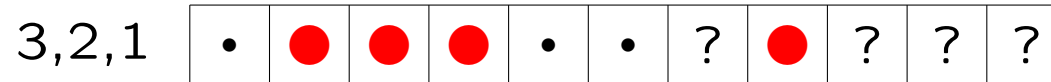
Stel dat je van een rij al weet:



Een • betekent een zeker leeg vakje, een ● staat voor een zeker gevuld vakje. De rest is nog onbekend.

Wat kun je hier nu concluderen?

We concluderen dan dat voor deze rij geldt:



Een • betekent een zeker leeg vakje, een ● staat voor een zeker gevuld vakje. De rest blijft nog onbekend.

Dus door naar een enkele rij of kolom te kijken kun je vooruitgang boeken. En dat gaat goed met **dynamisch programmeren**.

Hoe ver komen we als je alleen per rij/kolom kijkt? Een • betekent weer een zeker leeg vakje, een ● staat voor een zeker gevuld vakje.

		1		1	
	1	1	1	1	1
0					
1,1					
0					
1,1					
3					

•	•	•	•	•
•	●	•	●	•
•	•	•	•	•
?	?	•	?	?
?	?	●	?	?

Maar nu zitten we vast ... tenzij we rijen en kolommen *samen* bekijken.

Dit hadden we:

		1		1	
	1	1	1	1	1
0					
1,1					
0					
1,1					
3					

	•	•	•	•	•
	•	●	•	●	•
	•	•	•	•	•
<i>v</i>	<i>w</i>	•	?	?	
<i>u</i>	<i>x</i>	●	?	?	

Stel dat  $u = \bullet$ , dan (kolom) moet  $v$  leeg zijn, en dus (rij)  $w = \bullet$ , en dus (kolom) moet  $x$  leeg zijn. Tegenspraak (rij)! Dus  $u$  moet leeg zijn.

Dat was een lastige logische redenering, ook voor een computer. Maar de rest is nu eenvoudig.

Soms heeft een probleem meer mogelijke (goede en foute) oplossingen dan je kunt doorrekenen. Zo heeft een  $5 \times 5$  Nonogram al

$$2^{25} = 2^{10} \cdot 2^{10} \cdot 2^5 = 1024 \cdot 1024 \cdot 32 \approx 32 \text{ miljoen}$$

mogelijke invullingen! Er zijn immers  $5 \times 5 = 25$  vakjes die elk 2 mogelijkheden hebben.

De “ $45 \times 35$  Turing” heeft  $2^{1575} \approx 10^{700}$  mogelijkheden.

Dus **brute-force**, alles domweg proberen, lost een complete puzzel niet *snel* op ...



Het oplossen van een Nonogram is een **NP-volledig** probleem, net als het maken van een schoolrooster. Dat kan eigenlijk alleen goed met brute-force, maar dan duurt het veel te lang. Van een mogelijke oplossing kun je wel snel zien of hij goed of fout is.

Het grootste open probleem in de informatica  $\mathcal{P} \stackrel{?}{=} \mathcal{NP}$  gaat hierover. Je kunt een miljoen dollar verdienen als je dit oplost: de **Clay Prize**.

Het gaat daar niet om het oplossen van één puzzel of maken van één schoolrooster, maar om het vinden van een efficiënte algemene methode — als die al bestaat.

Hoe maak = construeer = ontwerp je zelf een Nonogram?



kleurenfoto



grijswaarden-plaatje



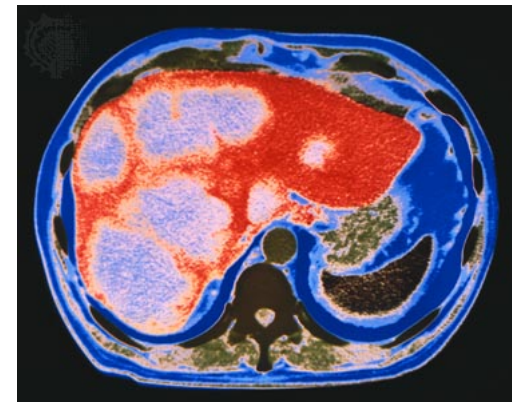
puzzel

Waarom doen wetenschappers Nonogrammen?

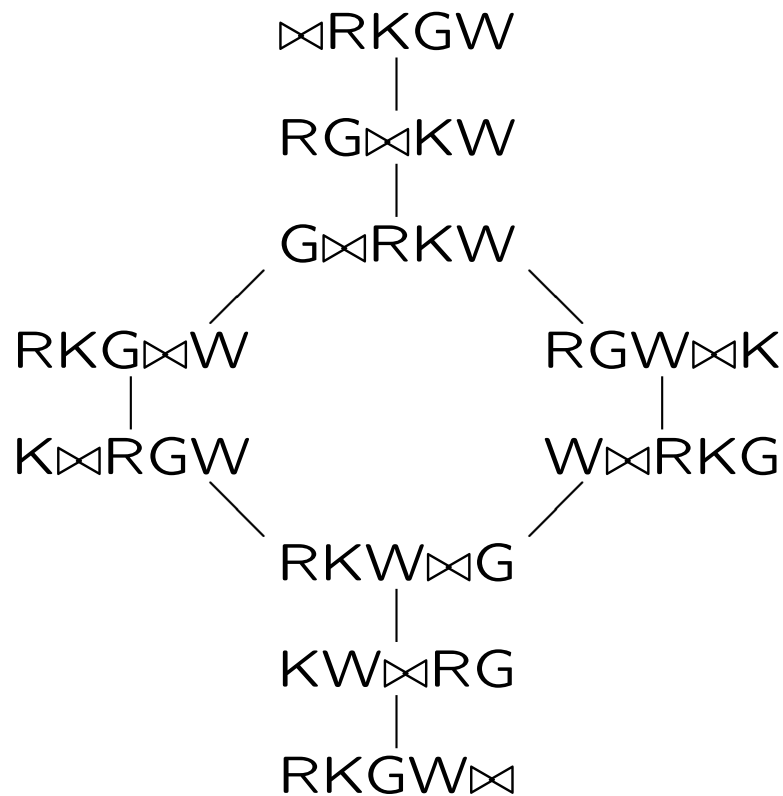
**Tomografie** houdt zich bezig met het volgende probleem:  
Hoe reconstrueer je een object uit **projecties**?

Voorbeelden:

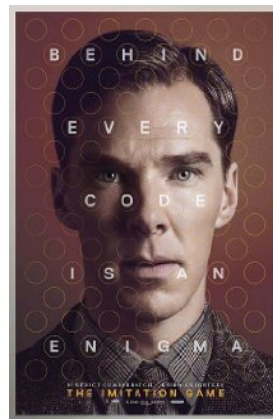
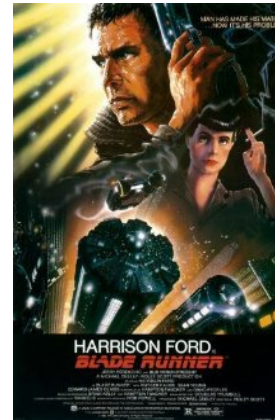
- Nonogrammen oplossen
- Hoe zien onze organen eruit, gegeven CT-scans?
- Waar zitten de “gaten” in een diamant?



Bij het vervolgcollège **Algoritmiek** komen “algoritmen” (oplossingsmethoden) aan de orde, bijvoorbeeld voor het oplossen van het probleem van de **K**ool, de **G**eit en de **W**olf (en Kapitein **R**ob’s **R**oeiboot):



# Kunstmatige intelligentie $\stackrel{?}{=}$ algoritmen



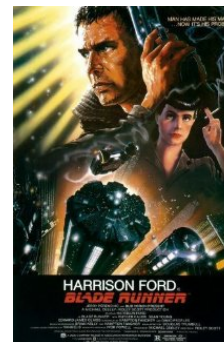
**Kunstmatige intelligentie** (AI, Artificial Intelligence) is een verzamelnaam voor een breed vakgebied, met vragen als:

- *robotica*: Hoe programmeer je een robot?
- *data mining*: Wat is verborgen in/op WikiLeaks?
- *rechtspraak*: Kan een machine rechter zijn? **NLP**
- *vertalen*: “the spirit is willing but the flesh is weak” →  
... → “the vodka is good but the meat is rotten”?
- *computer games*: Kan een computer Fortnite spelen?
- *neurale netwerken*: Kun je beurskoersen voorspellen?
- *cognitie*: Kunnen we het menselijk brein nadoen?

Je kunt op minstens **twee** manieren naar Kunstmatige intelligentie kijken:

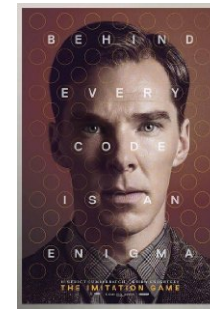
1. vanuit een meer *psychologische* of *filosofische* richting:  
Wat is het verschil tussen een mens en een computer?  
Kan een computer denken?
2. vanuit een meer *technische* richting:  
Hoe werkt een schaakprogramma?  
Hoe werkt een Marsrobot?

“Do androids dream  
of electric sheep?” →



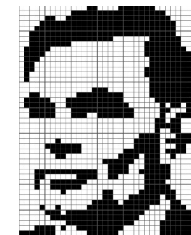
Kunstmatige intelligentie laat computers zich zo gedragen dat het **intelligent** zou heten als mensen het op die manier zouden doen.

De beroemde **Turing-test** uit 1950 vraagt (“the imitation game”):



In een afgesloten kamer bevindt zich een mens *of* een computer, waarmee we alleen via toetsenbord en beeldscherm contact hebben.

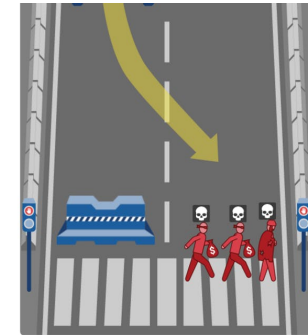
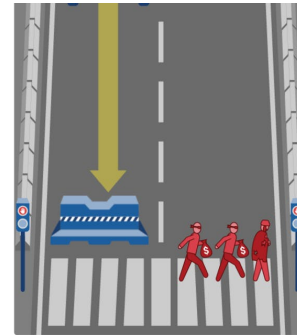
Is het een mens of juist een computer?



Het originele probleem was overigens met man ↔ vrouw.



Momenteel doen zelfrijdende systemen het erg goed.



↑computer-zien, kennis, de wet, ethiek↑, ...



Udacity en Coursera hebben **MOOC's** over zelfrijdende auto's.



Deep Blue vs. Garry Kasparov, 1997  
AlphaZero 2018



Marion Tinsley (1927–1995) was de beste menselijke **checkers**-speler (dammen op een schaakbord) ooit.

In 2007 werd door Jonathan Schaeffer bewezen dat de beginspeler altijd minstens remise kan halen.

IBM heeft in 2011 een computer “Jeopardy!” laten spelen:

1990 POP CULTURE	10 <sup>th</sup> CANNON	KNOW YOUR BORDERS	WHAT'S YOUR SIGN	FLY LIKE AN EAGLE	NATIONAL PASTRIES
\$100	\$100	\$100	\$100	\$100	\$100
\$200	\$200	\$200	\$200	\$200	\$200
\$300	\$300	\$300	\$300	\$300	\$300
\$400	\$400	\$400	\$400	\$400	\$400
\$500	\$500	\$500	\$500	\$500	\$500

**IN 2013 ROB FORD,  
MAYOR OF THIS 4th-  
LARGEST CITY IN N.  
AMERICA, FIRST SAID  
HE SMOKED WEED,  
NOT CRACK...THEN  
YES, OK, CRACK, TOO**



What is  
**Toronto????**



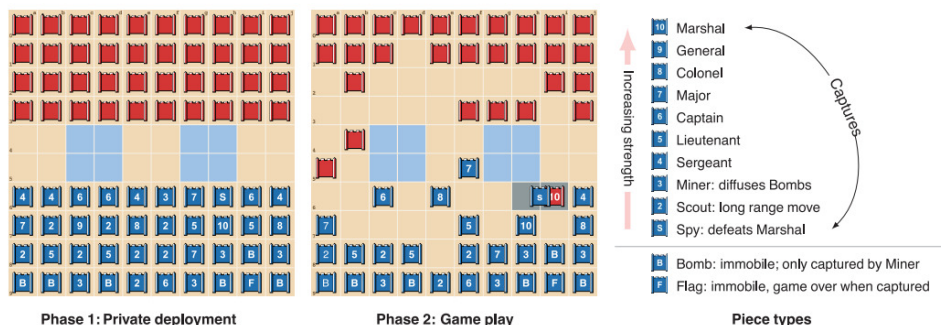
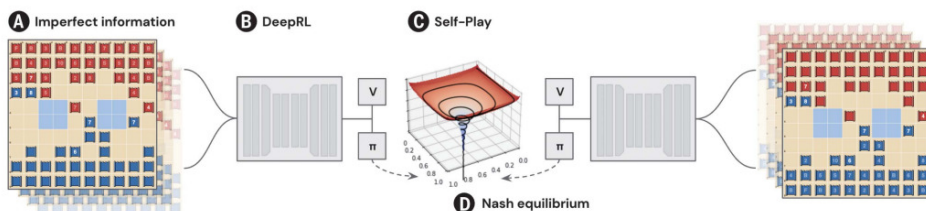


Fig. 1. Stratego is a two-player board game in which players try to capture the opponent's flag. Initially, the players secretly deploy 40 pieces of diverse strengths on the board. Then, they take turns moving pieces, possibly encountering an opponent piece that reveals both piece identities, and then the weaker piece is removed. Two lakes (indicated in blue) cannot be crossed by any piece. The complete rules are defined by the International Stratego Federation.



$$\text{Replicator dynamics: } \frac{d}{dt} \pi_r^i(a^i) = \pi_r^i(a^i) [Q_{\pi_r}^i(a^i) - \sum_{b^i} \pi_r^i(b^i) Q_{\pi_r}^i(b^i)]$$

$$\text{Reward transformation: } r^i(\pi^i, \pi^{-i}, a^i, a^{-i}) = r^i(a^i, a^{-i}) - \eta \log \left( \frac{\pi^i(a^i)}{\pi_{\text{reg}}^i(a^i)} \right) + \eta \log \left( \frac{\pi^{-i}(a^{-i})}{\pi_{\text{reg}}^{-i}(a^{-i})} \right)$$

breaking news



RESEARCH

MACHINE LEARNING  
Mastering the game of Stratego with model-free multiagent reinforcement learning

Julien Perolat<sup>\*†</sup>, Bart De Vylder<sup>\*†</sup>, Daniel Hennes, Eugene Tarassov, Florian Strub, Vincent de Boer<sup>‡</sup>, Paul Muller, Jerome T. Connor, Neil Burch, Thomas Anthony, Stephen McAleer, Romuald Elie, Sarah H. Cen, Zhe Wang, Audrunas Gruslys, Aleksandra Malysheva, Mina Khan, Sherjil Ozair, Finbarr Timbers, Toby Pohlen, Tom Eccles, Mark Rowland, Marc Lanctot, Jean-Baptiste Lespiau, Bilal Piot, Shayegan Omidshafiei, Edward Lockhart, Laurent Sifre, Nathalie Beauguerlange, Remi Munos, David Silver, Satinder Singh, Demis Hassabis, Kari Tuyls<sup>\*†</sup>

We introduce DeepNash, an autonomous agent that plays the imperfect information game Stratego at a human expert level. Stratego is one of the few iconic board games that artificial intelligence (AI) has not yet mastered. It is a game characterized by a twin challenge: It requires long-term strategic thinking as in chess, but it also requires dealing with imperfect information as in poker. The technique underpinning DeepNash uses a game-theoretic, model-free deep reinforcement learning method, without search, that learns to master Stratego through self-play from scratch. DeepNash beat existing state-of-the-art AI methods in Stratego and achieved a year-to-date (2022) and all-time top-three ranking on the Gravon games platform, competing with human expert players.



Perolat et al., Science 378 (2022) 990–996: Mastering the game of Stratego . . .

Deep neural nets, reinforcement learning, selfplay.

Kunnen computers denken? Diplomacy!

[link](#)

**Maxi** en **Mini** spelen het volgende eenvoudige spel: **Maxi** wijst eerst een (horizontale) rij aan, en daarna kiest **Mini** een (verticale) kolom:

	3	12	8
	2	4	6
①	14	5	2

②

Bijvoorbeeld: **Maxi** ① kiest rij 3, daarna kiest **Mini** ② kolom 2; dat levert einduitslag 5.

**Maxi** wil graag een zo groot mogelijk getal, **Mini** juist een zo klein mogelijk getal.

Hoe spelen we dit spel zo goed mogelijk?

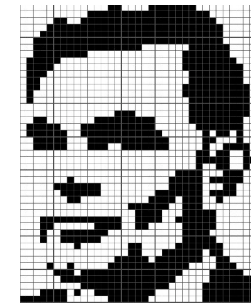
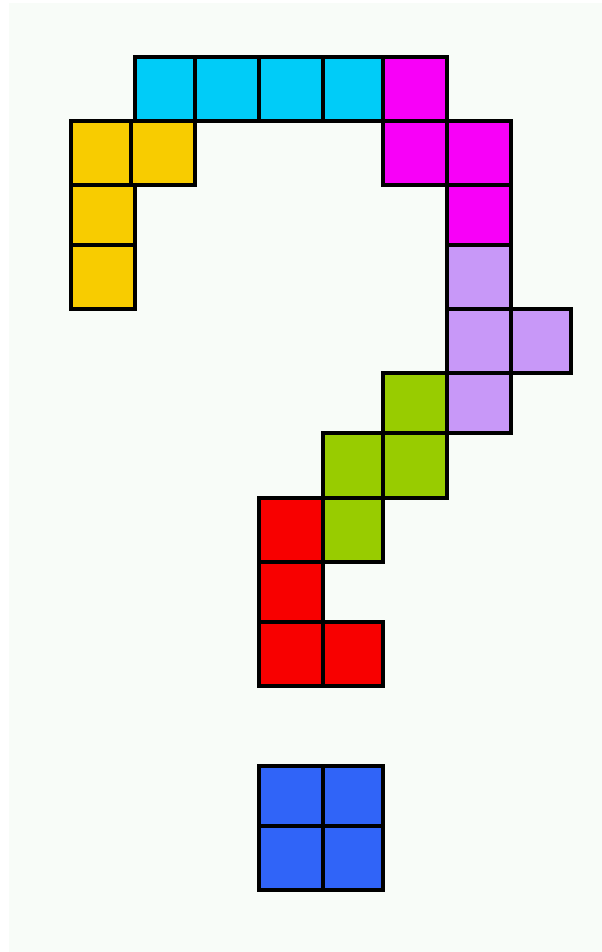
Als **Maxi** rij 1 kiest, kiest **Mini** kolom 1 (levert 3); als **Maxi** rij 2 kiest, kiest **Mini** kolom 1 (levert 2); als **Maxi** rij 3 kiest, kiest **Mini** kolom 3 (levert 2). Dus kiest **Maxi** rij 1!

3	12	8
2	?	?
14	5	2

Nu merken we op dat de analyse (het **minimax-algoritme**) hetzelfde verloopt als we niet eens weten wat onder de twee vraagtekens zit. Het  **$\alpha$ - $\beta$ -algoritme** onthoudt als het ware de beste en slechtste mogelijkheden, en kijkt niet verder als dat toch nergens meer toe kan leiden.



STANLEY KUBRICK'S  
**2001:**  
a space odyssey





# Tetris



[YouTube](#)

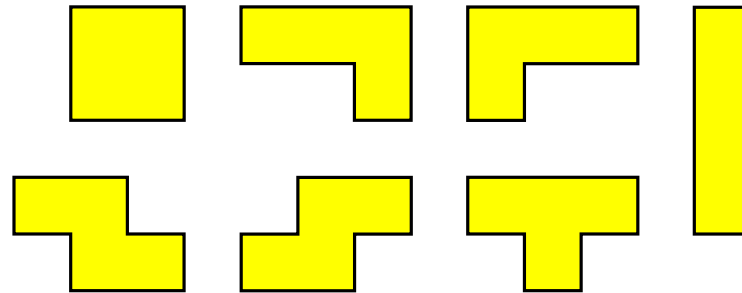
Ook aan een spel als **Tetris** kleven allerlei vragen:

- Hoe speel je het zo goed mogelijk? (AI)
- Hoe moeilijk is het? (complexiteit)
- Wat kan er allemaal gebeuren?

Zo is bijvoorbeeld bewezen dat sommige Tetris-problemen **NP-volledig** zijn, dat je bijna alle configuraties kunt bereiken, maar dat niet alle problemen “beslisbaar” zijn:

[www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/tetris/](http://www.liacs.leidenuniv.nl/~kosterswa/tetris/)

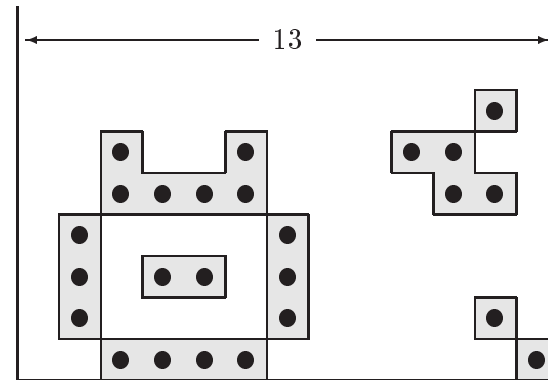
De 7 Tetris-stukken:



Stukken vallen random; volle regels worden verwijderd. De vraag “Kun je met een gegeven serie (inclusief volgorde) van deze stukken een bord helemaal leeg spelen?” is NP-volledig. (Ander voorbeeld: kun je een gegeven postzegelwaarde plakken?)

Als iemand het bord leeg speelt kun je dat eenvoudig controleren. Als het *niet* kan, kan men (tot nu toe) niks beters verzinnen dan alle mogelijkheden één voor één na te gaan!

Een “willekeurige” configuratie:



Deze kan gemaakt worden door 276 *geschikte* Tetris-stukken op de juiste plaats te laten vallen.

Let op: alleen geheel gevulde regels verdwijnen, alles daarboven zakt *één rij*.

Claim: op een bord van oneven breedte kan elke configuratie bereikt worden!